LA MULTIPLICACIÓN EN Q

DEF. Sean $\frac{a}{b}$, $\frac{c}{d}$ dos números racionales, donde $a,b,c,d \in Z$ y $b,d \neq 0$

El número $\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d}$ se define como:

$$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$$

PROPIEDADES

TEOREMA.

Para todo $x, y, z \in Q$:

$$i)$$
 $xy \in Q$

$$ii)$$
 $x(yz) = (xy)z$

$$iii) xy = yx$$

$$iv)$$
 si $xz = yz$ y $z \neq 0$

entonces x = y

$$v) x \cdot 1 = x$$

$$vi)$$
 si $x \neq 0$ $\exists x^{-1} \in Q$ tal que $xx^{-1} = 1$

TEOREMA.

Para todo $x, y, z \in Q$:

$$x(y+z) = xy + xz$$